

MATEMATIKA II:

22. siječnja 2005.

1. Odredite domenu funkcije i skicirajte rješenje: $f(x, y) = \sqrt{(1 - (y - x^2)) \sin(x^2 + y^2)}$.
2. Nađite tangencijalnu ravninu na plohu $2x^2 + y^2 + 3z^2 - 1 = 0$ paralelnu sa ravninom $x + 2y + 3z = 1$.
3. Izračunajte $\frac{\partial^2 z}{\partial y \partial x}(0, 0)$ ako je funkcija z zadana implicitno sa $z = \frac{x+y}{x+yz+2}$.
4. Prelaskom na polarne koordinate izračunajte:

$$\int_{-1}^1 dx \int_{x^2}^{\sqrt{2-x^2}} \frac{1}{x} dy.$$

5. Riješite Cauchyev problem:

$$y'' - y = 2x \sin x, \quad y(0) = 0, \quad y'(0) = 1.$$

MATEMATIKA II:

7. veljače 2005.

1. Odredite $\lambda \in \mathbb{R}$ tako da domena funkcije

$$f(x, y) = \sqrt{(\lambda + 1)x(x^2 + y^2 + 1)} + \arcsin \frac{\lambda}{y^2 + 1}$$

bude $[0, +\infty) \times \mathbb{R}$.

2. Odredite površinu omeđenu krivuljom $y = xe^{-\frac{x^2}{2}}$ i njenom horizontalnom asimptotom (Skica!).
3. Izračunajte približno polumjer kružnice opisane pravokutniku stranica $a = 4.86$ i $b = 12.4$.
4. Izračunajte integral $\iint_D xy \, dx \, dy$ gdje je područje integracije D trokut s vrhovima u točkama $A(-1, 0)$, $B(1, 0)$ i $C(0, 1)$.
5. Razvijte u Taylorov red oko 0 funkciju $f(x) = \frac{1}{x^2 - 3x - 4}$ i nađite $f^{(100)}(0)$.