

Kolokvij statističke metode 10.1.2008. PK+KiM

1. Za skup podataka x_1, x_2, \dots, x_n :
 - (i) Napišite formulu za aritmetičku sredinu i navedite značenje.
 - (ii) Napišite formule za varijancu i standardnu devijaciju i navedite značenja.
 - (iii) Napišite formule za korigiranu varijancu i standardnu devijaciju i navedite uporabu.
 - (iv) Izračunajte sve za podatke $-3, -2, 0, 1, 1, 1, 2, 2, 4, 4, ..$

2. (i) Predočite i zapišite funkcije gustoće jedinične normalne razdiobe i normalne razdiobe s parametrima μ i σ^2 i objasnite značenje parametara. Posebno za $\mu = -1$, $\sigma^2 = 2$.
 - (ii) Formulirajte i predočite pravilo *tri sigme* (*dvije sigme*, *jedna sigma*).
 - (iii) Predočite i zapišite funkciju gustoće i funkciju distribucije eksponencijalne razdiobe i objasnite značenje parametra.
 - (iv) Opišite tipične primjere korištenja normalne i eksponencijalne razdiobe.

3. (i) Opišite binomnu razdiobu i tipični primjer u kojemu se pojavljuje.
 - (ii) Opišite Poissonovu razdiobu i tipične primjere u kojima se pojavljuje.

4. (i) Što je interval pouzdanosti i kako ga određujemo?
 - (ii) Napišite formulu za t_{exp} i za broj stupnjeva slobode, te predočite područja prihvatanja hipoteze $\mu = \mu_0$ uz razne alternativne hipoteze.
 - (iii) Zapišite formulu za χ_{exp}^2 , za broj stupnjeva slobode, objasnite značenje kritične vrijednosti i predočite područje prihvatanja pri testiranju *hikvadrat testom*.

5. Zadani su podatci:

x_i	1	2	3	4	6
y_i	-4	-1	1	3	8

 - (i) Predočite precizno ove podatke.
 - (ii) Predočite regresijski pravac i procijenite parametre pri linearnoj vezi.
 - (iii) Objasnite pojam koeficijenta korelacije i procijenite ga u ovom primjeru.
 - (iv) Procijenite vrijednost veličine y za $x=3.5$ i $x = 5$ pomoću linearne veze. Procjenu objasnite i na regresijskom pravcu.